

Module BASES DE DONNEES RELATIONNELLES TD 1 Algèbre relationnelle

Hervé Owsinski
Herve.Owsinski@uphf.fr

Semestre 3



2026-2027

Rappels

Info. sur les TD

- <https://moodle.uphf.fr/course/view.php?id=2756>
- Hervé Owsinski
- Herve.Owsinski@uphf.fr

RAPPELS

Schémas utilisés

ETUDIANT (IdEtudiant, Nom, Prenom)

INSCRIPTION (IdEtudiant, IdCours)

Schémas utilisés

ETUDIANT (IdEtudiant, Nom, Prenom)

INSCRIPTION (IdEtudiant, IdCours)

Convention utilisée

- les relations/tables en MAJUSCULES : **ETUDIANT INSCRIPTION**
- les attributs/colonnes en CamelCase (1er lettre d'un mot en majuscule, le reste en minuscules).

IdEtudiant Nom Prenom IdEtudiant IdCours

Schémas utilisés

ETUDIANT (IdEtudiant, Nom, Prenom)

INSCRIPTION (IdEtudiant, IdCours)

Convention utilisée

- les relations/tables en MAJUSCULES : **ETUDIANT INSCRIPTION**
- les attributs/colonnes en CamelCase (1er lettre d'un mot en majuscule, le reste en minuscules).

IdEtudiant Nom Prenom IdEtudiant IdCours

Clé primaire (soulignée par convention)

Attribut ou tuple d'attributs dont la valeur ne peut apparaître qu'une seule fois sur l'ensemble des lignes de la table. Exemple avec le couple de la relation

INSCRIPTION :

IdEtudiant		IdCours	
25		9	

Schémas utilisés

ETUDIANT (IdEtudiant, Nom, Prenom)

INSCRIPTION (IdEtudiant, IdCours)

Convention utilisée

- les relations/tables en MAJUSCULES : **ETUDIANT INSCRIPTION**
- les attributs/colonnes en CamelCase (1er lettre d'un mot en majuscule, le reste en minuscules).

IdEtudiant Nom Prenom IdEtudiant IdCours

Clé primaire (soulignée par convention)

Attribut ou tuple d'attributs dont la valeur ne peut apparaître qu'une seule fois sur l'ensemble des lignes de la table. Exemple avec le couple de la relation

INSCRIPTION :

IdEtudiant		IdCours		
25		9		-> possible

Schémas utilisés

ETUDIANT (IdEtudiant, Nom, Prenom)

INSCRIPTION (IdEtudiant, IdCours)

Convention utilisée

- les relations/tables en MAJUSCULES : **ETUDIANT INSCRIPTION**
- les attributs/colonnes en CamelCase (1er lettre d'un mot en majuscule, le reste en minuscules).

IdEtudiant Nom Prenom IdEtudiant IdCours

Clé primaire (soulignée par convention)

Attribut ou tuple d'attributs dont la valeur ne peut apparaître qu'une seule fois sur l'ensemble des lignes de la table. Exemple avec le couple de la relation

INSCRIPTION :

IdEtudiant		IdCours		
25		9		-> possible
25		16		

Schémas utilisés

ETUDIANT (IdEtudiant, Nom, Prenom)

INSCRIPTION (IdEtudiant, IdCours)

Convention utilisée

- les relations/tables en MAJUSCULES : **ETUDIANT INSCRIPTION**
- les attributs/colonnes en CamelCase (1er lettre d'un mot en majuscule, le reste en minuscules).

IdEtudiant Nom Prenom IdEtudiant IdCours

Clé primaire (soulignée par convention)

Attribut ou tuple d'attributs dont la valeur ne peut apparaître qu'une seule fois sur l'ensemble des lignes de la table. Exemple avec le couple de la relation

INSCRIPTION :

IdEtudiant		IdCours		
25		9		-> possible
25		16		-> possible

Schémas utilisés

ETUDIANT (IdEtudiant, Nom, Prenom)

INSCRIPTION (IdEtudiant, IdCours)

Convention utilisée

- les relations/tables en MAJUSCULES : **ETUDIANT INSCRIPTION**
- les attributs/colonnes en CamelCase (1er lettre d'un mot en majuscule, le reste en minuscules).

IdEtudiant Nom Prenom IdEtudiant IdCours

Clé primaire (soulignée par convention)

Attribut ou tuple d'attributs dont la valeur ne peut apparaître qu'une seule fois sur l'ensemble des lignes de la table. Exemple avec le couple de la relation

INSCRIPTION :

IdEtudiant	IdCours	
25	9	-> possible
25	16	-> possible
25	9	

Schémas utilisés

ETUDIANT (IdEtudiant, Nom, Prenom)

INSCRIPTION (IdEtudiant, IdCours)

Convention utilisée

- les relations/tables en MAJUSCULES : **ETUDIANT INSCRIPTION**
- les attributs/colonnes en CamelCase (1er lettre d'un mot en majuscule, le reste en minuscules).

IdEtudiant Nom Prenom IdEtudiant IdCours

Clé primaire (soulignée par convention)

Attribut ou tuple d'attributs dont la valeur ne peut apparaître qu'une seule fois sur l'ensemble des lignes de la table. Exemple avec le couple de la relation

INSCRIPTION :

IdEtudiant	IdCours	
25	9	-> possible
25	16	-> possible
25	9	-> impossible : doublon !

Projection : diminuer le nombre de colonnes

En **algèbre relationnelle**, cela correspond à l'opérateur de projection π (pi) :

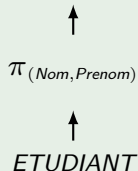
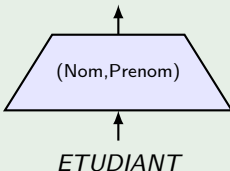
$$\pi_{(Nom, Prenom)}(ETUDIANT) = \pi(ETUDIANT, (Nom, Prenom))$$

Projection : diminuer le nombre de colonnes

En **algèbre relationnelle**, cela correspond à l'opérateur de projection π (pi) :

$$\pi_{(Nom, Prenom)}(ETUDIANT) = \pi(ETUDIANT, (Nom, Prenom))$$

L'**arbre algébrique** :

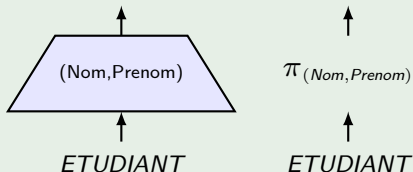


Projection : diminuer le nombre de colonnes

En **algèbre relationnelle**, cela correspond à l'opérateur de projection π (pi) :

$$\pi_{(Nom, Prenom)} (ETUDIANT) = \pi(ETUDIANT, (Nom, Prenom))$$

L'**arbre algébrique** :



En **SQL** :

```
SELECT nom, pre  
FROM Client ;
```

Restriction

Diminuer le nombre de lignes sans toucher au schéma

En **algèbre relationnelle**, cela correspond à l'opérateur de restriction σ (sigma) :

$$\sigma_{Nom='Dupont'}(ETUDIANT) = \sigma(ETUDIANT/Nom='Dupont')$$

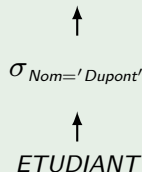
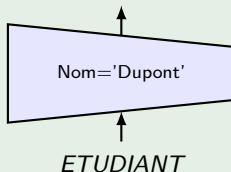
Restriction

Diminuer le nombre de lignes sans toucher au schéma

En **algèbre relationnelle**, cela correspond à l'opérateur de restriction σ (sigma) :

$$\sigma_{Nom='Dupont'}(ETUDIANT) = \sigma(ETUDIANT/Nom='Dupont')$$

L'**arbre algébrique** :



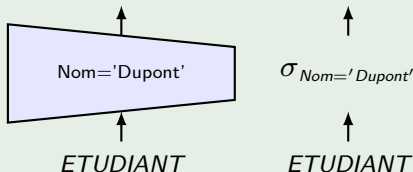
Restriction

Diminuer le nombre de lignes sans toucher au schéma

En **algèbre relationnelle**, cela correspond à l'opérateur de restriction σ (sigma) :

$$\sigma_{\text{Nom} = \text{'Dupont'}} (ETUDIANT) = \sigma(ETUDIANT / \text{Nom} = \text{'Dupont'})$$

L'**arbre algébrique** :



En **SQL** :

```
SELECT *  
FROM ETUDIANT  
WHERE Nom = 'Dupont';
```

Jointure : relier deux tables (exemple)

Relation A

<i>id</i>	<i>nom</i>
1	Alice
2	Bob

Jointure $A \bowtie_{A.id=B.id} B$

<i>A.id</i>	<i>nom</i>	<i>B.id</i>	<i>ville</i>
1	Alice	1	Lille
2	Bob	2	Paris

Relation B

<i>id</i>	<i>ville</i>
1	Lille
2	Paris

$$A \bowtie_{A.id=B.id} B = \bowtie(A, B / A.id = B.id)$$

Joins une ligne de A avec une ligne de B lorsque l'id de A de cette ligne correspond au id de B pour l'autre ligne.

Jointure : relier les colonnes de deux tables

En **algèbre relationnelle**, cela correspond à l'opérateur de restriction $\bowtie$:

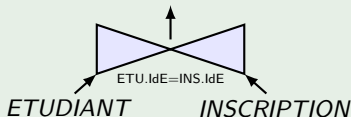
$$\begin{aligned} ETUDIANT \bowtie_{ETUDIANT.IdE=INSCRIPTION.IdE} INSCRIPTION \\ = \\ \bowtie (ETUDIANT, INSCRIPTION / ETUDIANT.IdE = INSCRIPTION.IdE) \end{aligned}$$

Jointure : relier les colonnes de deux tables

En **algèbre relationnelle**, cela correspond à l'opérateur de restriction $\bowtie$:

$$\begin{aligned} ETUDIANT \bowtie_{ETUDIANT.IdE=INSCRIPTION.IdE} INSCRIPTION \\ = \\ \bowtie (ETUDIANT, INSCRIPTION / ETUDIANT.IdE = INSCRIPTION.IdE) \end{aligned}$$

L'**arbre algébrique** :

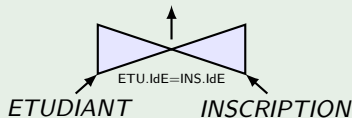


Jointure : relier les colonnes de deux tables

En **algèbre relationnelle**, cela correspond à l'opérateur de restriction $\bowtie$:

$$\begin{aligned} ETUDIANT \bowtie_{ETUDIANT.IdE=INSCRIPTION.IdE} INSCRIPTION \\ = \\ \bowtie (ETUDIANT, INSCRIPTION / ETUDIANT.IdE = INSCRIPTION.IdE) \end{aligned}$$

L'**arbre algébrique** :



En **SQL** :

```
SELECT *  
FROM ETUDIANT JOIN INSCRIPTION ON ETUDIANT.IdE = INSCRIPTION.IdE;
```

Exercice 1 : les bases

Exercice 1 : R1

CJH

IdCours	Jour	Heure
Archi	Lu	9h
Algo	Ma	9h
Algo	Ve	9h
Syst	Ma	14h

CS

IdCours	IdSalle
Archi	S1
Algo	S2
Syst	S1

ENA

IdEtudiant	Nom	Adresse
100	Toto	Nice
200	Tata	Paris
300	Titi	Rome

CEN

IdCours	IdEtudiant	Note
Archi	100	A
Archi	300	A
Syst	100	B
Syst	200	A
Syst	300	B
Algo	100	C
Algo	200	A

A partir des tables ci-dessus, donner les résultats des opérations suivantes :

$$R_1 = \pi (CJH / (IdCours))$$

$$R_1 = \pi_{IdCours} (CJH)$$

Exercice 1 : R1

CJH

IdCours	Jour	Heure
Archi	Lu	9h
Algo	Ma	9h
Algo	Ve	9h
Syst	Ma	14h

CS

IdCours	IdSalle
Archi	S1
Algo	S2
Syst	S1

ENA

IdEtudiant	Nom	Adresse
100	Toto	Nice
200	Tata	Paris
300	Titi	Rome

CEN

IdCours	IdEtudiant	Note
Archi	100	A
Archi	300	A
Syst	100	B
Syst	200	A
Syst	300	B
Algo	100	C
Algo	200	A

$$R_1 = \pi (CJH / (IdCours))$$

La relation R_1 est le résultat de la projection de l'attribut IdCours obtenu depuis relation $\overline{CJH}$.

Opérateur de Projection (PI π) : $\pi(RELATION/(Attributs))$

Exercice 1 : R1

CJH

IdCours	Jour	Heure
Archi	Lu	9h
Algo	Ma	9h
Algo	Ve	9h
Syst	Ma	14h

→
Projection

IdCours
Archi
Algo
Algo
Syst

→
Définition de
Relation :
ensemble de tuples

IdCours
Archi
Algo
Syst

$$R_1 = \pi (CJH / (IdCours))$$

En **algèbre relationnelle**, une relation est un ensemble de tuples.
Les doublons sont donc automatiquement supprimés de la relation R_1 .

Par contre, en SQL, les doublons sont possibles !

Sans les doublons en SQL : **SELECT DISTINCT** IdCours **FROM** CJH ;

Avec les doublons en SQL : **SELECT** IdCours **FROM** CJH ;

Exercice 1 : R2

CJH

IdCours	Jour	Heure
Archi	Lu	9h
Algo	Ma	9h
Algo	Ve	9h
Syst	Ma	14h

CS

IdCours	IdSalle
Archi	S1
Algo	S2
Syst	S1

ENA

IdEtudiant	Nom	Adresse
100	Toto	Nice
200	Tata	Paris
300	Titi	Rome

CEN

IdCours	IdEtudiant	Note
Archi	100	A
Archi	300	A
Syst	100	B
Syst	200	A
Syst	300	B
Algo	100	C
Algo	200	A

A partir des tables ci-dessus, donner les résultats des opérations suivantes :

$$R_2 = \pi \left(ENA / (IdEtudiant) \right)$$

$$R_2 = \pi_{(IdEtudiant)} \left(ENA \right)$$

Exercice 1 : R2

CJH

IdCours	Jour	Heure
Archi	Lu	9h
Algo	Ma	9h
Algo	Ve	9h
Syst	Ma	14h

CS

IdCours	IdSalle
Archi	S1
Algo	S2
Syst	S1

ENA

IdEtudiant	Nom	Adresse
100	Toto	Nice
200	Tata	Paris
300	Titi	Rome

CEN

IdCours	IdEtudiant	Note
Archi	100	A
Archi	300	A
Syst	100	B
Syst	200	A
Syst	300	B
Algo	100	C
Algo	200	A

$$R_2 = \pi (ENA / (IdEtudiant))$$

La relation R_2 est le résultat de la projection de l'attribut IdEtudiant obtenu depuis la relation ENA .

Opérateur de Projection (π) :

$\pi(RELATION/(Attributs))$ ou $\pi_{(Attributs)}(RELATION)$

Exercice 1 : R2

ENA

IdEtudiant	Nom	Adresse
100	Toto	Nice
200	Tata	Paris
300	Titi	Rome



Projection

IdEtudiant
100
200
300

$$R_2 = \pi (ENA / (IdEtudiant))$$

Encore une fois, on supprimerait les doublons éventuels en algèbre relationnelle.

Exercice 1 : R3

CJH

IdCours	Jour	Heure
Archi	Lu	9h
Algo	Ma	9h
Algo	Ve	9h
Syst	Ma	14h

CS

IdCours	IdSalle
Archi	S1
Algo	S2
Syst	S1

ENA

IdEtudiant	Nom	Adresse
100	Toto	Nice
200	Tata	Paris
300	Titi	Rome

CEN

IdCours	IdEtudiant	Note
Archi	100	A
Archi	300	A
Syst	100	B
Syst	200	A
Syst	300	B
Algo	100	C
Algo	200	A

A partir des tables ci-dessus, donner les résultats des opérations suivantes :

$$R_3 = \sigma \left(CEN / IdCours = 'Algo' \right)$$

$$R_3 = \sigma_{IdCours='Algo'} \left(CEN \right)$$

Exercice 1 : R3

CJH

IdCours	Jour	Heure
Archi	Lu	9h
Algo	Ma	9h
Algo	Ve	9h
Syst	Ma	14h

CS

IdCours	IdSalle
Archi	S1
Algo	S2
Syst	S1

ENA

IdEtudiant	Nom	Adresse
100	Toto	Nice
200	Tata	Paris
300	Titi	Rome

CEN

IdCours	IdEtudiant	Note
Archi	100	A
Archi	300	A
Syst	100	B
Syst	200	A
Syst	300	B
Algo	100	C
Algo	200	A

$$R_3 = \sigma (CEN / IdCours = 'Algo')$$

La relation R_3 est le résultat d'une restriction qui ne garde que les tuples de CEN qui respectent la condition $IdCours = 'Algo'$.

Opérateur de Restriction (SIGMA σ) :
 $\sigma(RELATION/condition)$ ou $\sigma_{condition}(RELATION)$

Exercice 1 : R3

CEN	IdCours	IdEtudiant	Note
	Archi	100	A
	Archi	300	A
	Syst	100	B
	Syst	200	A
	Syst	300	B
	Algo	100	C
	Algo	200	A


Restriction

R ₃	IdCours	IdEtudiant	Note
	Algo	100	C
	Algo	200	A

$$R_3 = \sigma (CEN / IdCours = 'Algo')$$

Exercice 1 : R4

CJH

IdCours	Jour	Heure
Archi	Lu	9h
Algo	Ma	9h
Algo	Ve	9h
Syst	Ma	14h

CS

IdCours	IdSalle
Archi	S1
Algo	S2
Syst	S1

ENA

IdEtudiant	Nom	Adresse
100	Toto	Nice
200	Tata	Paris
300	Titi	Rome

CEN

IdCours	IdEtudiant	Note
Archi	100	A
Archi	300	A
Syst	100	B
Syst	200	A
Syst	300	B
Algo	100	C
Algo	200	A

A partir des tables ci-dessus, donner les résultats des opérations suivantes :

$$R_4 = \bowtie (CJH, CS \mid CJH.IdCours = CS.IdCours)$$

$$R_4 = CJH \bowtie_{CJH.IdCours = CS.IdCours} CS$$

Exercice 1 : R4

CJH

IdCours	Jour	Heure
Archi	Lu	9h
Algo	Ma	9h
Algo	Ve	9h
Syst	Ma	14h

CS

IdCours	IdSalle
Archi	S1
Algo	S2
Syst	S1

ENA

IdEtudiant	Nom	Adresse
100	Toto	Nice
200	Tata	Paris
300	Titi	Rome

CEN

IdCours	IdEtudiant	Note
Archi	100	A
Archi	300	A
Syst	100	B
Syst	200	A
Syst	300	B
Algo	100	C
Algo	200	A

$$R_4 = \bowtie (CJH, CS / CJH.IdCours = CS.IdCours)$$

La relation R_4 est le résultat de la jointure de CJH et CS : on crée de nouveaux tuples dont les attributs sont la concaténation de ceux des deux relations et on relie les valeurs en utilisant l'égalité sur les deux clés fournies.

Opérateur de Jointure (Noeud papillon $\bowtie$) :
 $\bowtie (RA, RB / RA.a = RB.b)$ ou $RA \bowtie_{RA.a=RB.b} RB$

CJH

IdCours	Jour	Heure
Archi	Lu	9h
Algo	Ma	9h
Algo	Ve	9h
Syst	Ma	14h

CS

IdCours	IdSalle
Archi	S1
Algo	S2
Syst	S1

Nouvelle relation qui récupère
les attributs concaténés dans
l'ordre d'apparition :

IdCours	Jour	Heure	IdSalle

$$R_4 = \bowtie (CJH, CS \mid CJH.IdCours = CS.IdCours)$$

CJH

IdCours	Jour	Heure
Archi	Lu	9h
Algo	Ma	9h
Algo	Ve	9h
Syst	Ma	14h

CS

IdCours	IdSalle
Archi	S1
Algo	S2
Syst	S1

Nouvelle relation qui récupère
les attributs concaténés dans
l'ordre d'apparition :

IdCours	Jour	Heure	IdSalle

$$R_4 = \bowtie (CJH, CS \mid CJH.IdCours = CS.IdCours)$$

CJH

IdCours	Jour	Heure
Archi	Lu	9h
Algo	Ma	9h
Algo	Ve	9h
Syst	Ma	14h

CS

IdCours	IdSalle
Archi	S1
Algo	S2
Syst	S1

Nouvelle relation qui récupère
les attributs concaténés dans
l'ordre d'apparition :

IdCours	Jour	Heure	IdSalle
Archi	Lu	9h	S1

$$R_4 = \bowtie (CJH, CS \mid CJH.IdCours = CS.IdCours)$$

CJH

IdCours	Jour	Heure
Archi	Lu	9h
Algo	Ma	9h
Algo	Ve	9h
Syst	Ma	14h

CS

IdCours	IdSalle
Archi	S1
Algo	S2
Syst	S1

Nouvelle relation qui récupère
les attributs concaténés dans
l'ordre d'apparition :

IdCours	Jour	Heure	IdSalle
Archi	Lu	9h	S1
Algo	Ma	9h	S2

$$R_4 = \bowtie (CJH, CS \mid CJH.IdCours = CS.IdCours)$$

CJH

IdCours	Jour	Heure
Archi	Lu	9h
Algo	Ma	9h
Algo	Ve	9h
Syst	Ma	14h

CS

IdCours	IdSalle
Archi	S1
Algo	S2
Syst	S1

Nouvelle relation qui récupère
les attributs concaténés dans
l'ordre d'apparition :

IdCours	Jour	Heure	IdSalle
Archi	Lu	9h	S1
Algo	Ma	9h	S2
Algo	Ve	9h	S2

$$R_4 = \bowtie (CJH, CS \mid CJH.IdCours = CS.IdCours)$$

CJH

IdCours	Jour	Heure
Archi	Lu	9h
Algo	Ma	9h
Algo	Ve	9h
Syst	Ma	14h

CS

IdCours	IdSalle
Archi	S1
Algo	S2
Syst	S1

Nouvelle relation qui récupère
les attributs concaténés dans
l'ordre d'apparition :

 R_4

IdCours	Jour	Heure	IdSalle
Archi	Lu	9h	S1
Algo	Ma	9h	S2
Algo	Ve	9h	S2
Syst	Ma	14h	S1

$$R_4 = \bowtie (CJH, CS \mid CJH.IdCours = CS.IdCours)$$

Exercice 1 : R5

CJH

IdCours	Jour	Heure
Archi	Lu	9h
Algo	Ma	9h
Algo	Ve	9h
Syst	Ma	14h

CS

IdCours	IdSalle
Archi	S1
Algo	S2
Syst	S1

ENA

IdEtudiant	Nom	Adresse
100	Toto	Nice
200	Tata	Paris
300	Titi	Rome

CEN

IdCours	IdEtudiant	Note
Archi	100	A
Archi	300	A
Syst	100	B
Syst	200	A
Syst	300	B
Algo	100	C
Algo	200	A

A partir des tables ci-dessus, donner les résultats des opérations suivantes :

$$R_5 = \pi(CEN / (IdEtudiant, IdCours))$$

$$R_5 = \pi_{(IdEtudiant, IdCours)} (CEN)$$

Exercice 1 : R5

CJH

IdCours	Jour	Heure
Archi	Lu	9h
Algo	Ma	9h
Algo	Ve	9h
Syst	Ma	14h

CS

IdCours	IdSalle
Archi	S1
Algo	S2
Syst	S1

ENA

IdEtudiant	Nom	Adresse
100	Toto	Nice
200	Tata	Paris
300	Titi	Rome

CEN

IdCours	IdEtudiant	Note
Archi	100	A
Archi	300	A
Syst	100	B
Syst	200	A
Syst	300	B
Algo	100	C
Algo	200	A

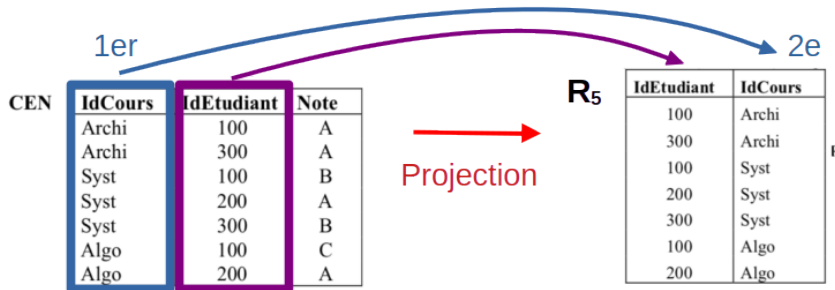
$$R_5 = \pi(CEN / (IdEtudiant, IdCours))$$

La relation R_5 est le résultat de la projection du couple (IdEtudiant, IdCours) obtenu depuis la relation CEN.

Opérateur de Projection (PI π) :

$\pi(RELATION/(Attributs))$ ou $\pi_{(Attributs)}(RELATION)$

Exercice 1 : R5



$\pi(RELATION / (attributs))$ ou $\pi_{(Attributs)}(RELATION)$

C'est bien l'ordre dans le tuple fourni pour la projection qui importe : il s'agit bien d'une nouvelle relation.

Exercice 1 : R6

R5

IdEtudiant	IdCours
100	Archi
300	Archi
100	Syst
200	Syst
300	Syst
100	Algo
200	Algo

R1

IdCours
Archi
Algo
Syst

R6

|--|

A partir des tables ci-dessus, donner les résultats des opérations suivantes :

$$R_6 = R_5 \div R_1$$

Exercice 1 : R6

R5

IdEtudiant	IdCours
100	Archi
300	Archi
100	Syst
200	Syst
300	Syst
100	Algo
200	Algo

R1

IdCours
Archi
Algo
Syst

R6

A partir des tables ci-dessus, donner les résultats des opérations suivantes :

$$R_6 = R_5 \div R_1$$

La relation R_6 est le résultat de la division de la relation R_5 par la relation R_1 .

Le schéma de R_1 doit être inclus dans le schéma de R_5 (mais pas égal).

Exercice 1 : R6

R5	IdEtudiant	IdCours
	100	Archi
	300	Archi
	100	Syst
	200	Syst
	300	Syst
	100	Algo
	200	Algo

R1	IdCours
	Archi
	Algo
	Syst

R6	

A partir des tables ci-dessus, donner les résultats des opérations suivantes :

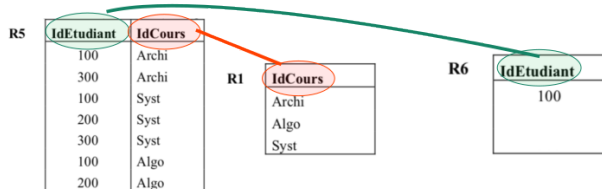
$$R_6 = R_5 \div R_1$$

La relation R_6 est le résultat de la division de la relation R_5 par la relation R_1 .

L'association d'un tuple de R_6 avec n'importe quel tuple de R_1 doit donner un tuple présent dans R_5 .

Attention : $R_6 \times R_1 \subseteq R_5$ et pas nécessairement $R_6 \times R_1 = R_5$

Exercice 1 : R6

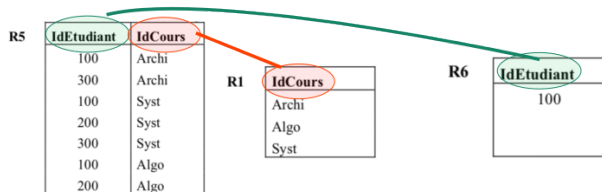


Si $(100) \in R_6$ alors on peut reformer :

- $(100, 'Archi')$ qui appartient bien à R_5
- $(100, 'Algo')$ qui appartient bien à R_5
- $(100, 'Syst')$ qui appartient bien à R_5

Conclusion : $(100) \in R_6$

Exercice 1 : R6

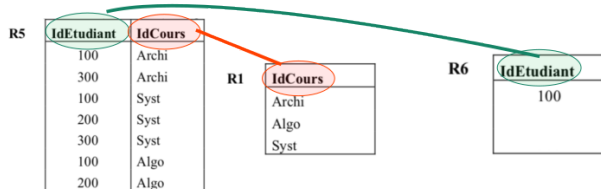


Si $(100) \in R_6$ alors on peut reformer :

- $(100, 'Archi')$ qui appartient bien à R_5
- $(100, 'Algo')$ qui appartient bien à R_5
- $(100, 'Syst')$ qui appartient bien à R_5

Conclusion : $(100) \in R_6$

Exercice 1 : R6

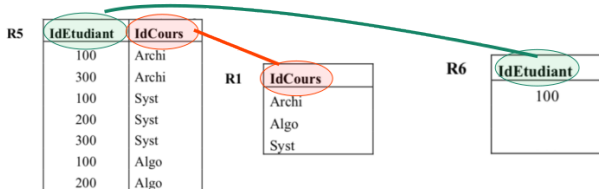


Si $(200) \in R_6$ alors on peut reformer :

- $(200, 'Archi')$ qui n'appartient pas à R_5
- ... pas la peine de continuer
- ...

Conclusion : $(200) \notin R_6$

Exercice 1 : R6

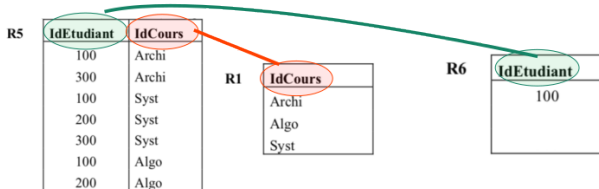


Si $(200) \in R_6$ alors on peut reformer :

- $(200, 'Archi')$ qui n'appartient pas à R_5
- ... pas la peine de continuer
- ...

Conclusion : $(200) \notin R_6$

Exercice 1 : R6

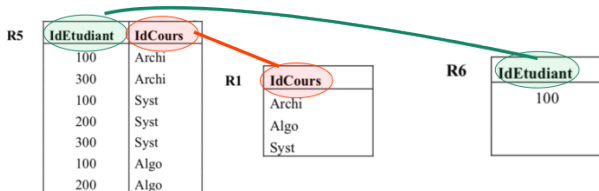


Si $(300) \in R_6$ alors on peut reformer :

- $(300, 'Archi')$ qui appartient bien à R_5
- $(300, 'Algo')$ qui n'appartient pas à R_5
- ... pas la peine de continuer

Conclusion : $(300) \notin R_6$

Exercice 1 : R6



Si $(300) \in R_6$ alors on peut reformer :

- $(300, 'Archi')$ qui appartient bien à R_5
- $(300, 'Algo')$ qui n'appartient pas à R_5
- ... pas la peine de continuer

Conclusion : $(300) \notin R_6$

Exercice 1 : R7

R1

IdCours
Archi
Algo
Syst

R2	IdEtudiant
	100
	200
	300

R7	IdEtudiant	IdCours

A partir des tables ci-dessus, donner les résultats des opérations suivantes :

$$R_7 = R_2 \times R_1$$

Exercice 1 : R7

R1	 <table><thead><tr><th>IdCours</th></tr></thead><tbody><tr><td>Archi</td></tr><tr><td>Algo</td></tr><tr><td>Syst</td></tr></tbody></table>	IdCours	Archi	Algo	Syst
IdCours					
Archi					
Algo					
Syst					
R2	 <table><thead><tr><th>IdEtudiant</th></tr></thead><tbody><tr><td>100</td></tr><tr><td>200</td></tr><tr><td>300</td></tr></tbody></table>	IdEtudiant	100	200	300
IdEtudiant					
100					
200					
300					
R7	<table><thead><tr><th>IdEtudiant</th><th>IdCours</th></tr></thead><tbody></tbody></table>	IdEtudiant	IdCours		
IdEtudiant	IdCours				

A partir des tables ci-dessus, donner les résultats des opérations suivantes :

$$R_7 = R_2 \times R_1$$

R_7 est le produit cartésien de la relation R_2 par la relation R_1 .
Le schéma de R_7 est donc la concaténation de celui de R_2 puis de R_1 .
On doit donc associer tout tuple de R_2 avec chacun des tuples de R_1 .

Exercice 1 : R7

																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																											
R1	<table><tr><th>IdCours</th></tr><tr><td>Archi</td></tr><tr><td>Algo</td></tr><tr><td>Syst</td></tr></table>	IdCours	Archi	Algo	Syst	R2	<table><tr><th>IdEtudiant</th></tr><tr><td>100</td></tr><tr><td>200</td></tr><tr><td>300</td></tr></table>	IdEtudiant	100	200	300	R7	<table><tr><th>IdEtudiant</th><th>IdCours</th></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></</td></tr></table>	IdEtudiant	IdCours																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																												</
IdCours																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																											
Archi																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																											
Algo																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																											
Syst																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																											
IdEtudiant																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																											
100																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																											
200																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																											
300																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																											
IdEtudiant	IdCours																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																										
	</																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																																										

A partir des tables ci-dessus, donner les résultats des opérations suivantes :

$$R_7 = R_2 \times R_1$$

La relation R_7 est le produit cartésien de la relation R_2 par la relation R_1 .

On a $R_7 = \{ (x, y) \mid x \in R_2 \wedge y \in R_1 \}$

Exercice 1 : R7

R1	<table><tr><th>IdCours</th></tr><tr><td>Archi</td></tr><tr><td>Algo</td></tr><tr><td>Syst</td></tr></table>	IdCours	Archi	Algo	Syst				
	IdCours								
	Archi								
	Algo								
Syst									
R2	<table><tr><th>IdEtudiant</th></tr><tr><td>100</td></tr><tr><td>200</td></tr><tr><td>300</td></tr></table>	IdEtudiant	100	200	300				
	IdEtudiant								
	100								
	200								
300									
R7	<table><tr><th>IdEtudiant</th><th>IdCours</th></tr><tr><td>100</td><td>Archi</td></tr><tr><td>100</td><td>Algo</td></tr><tr><td>100</td><td>Syst</td></tr></table>	IdEtudiant	IdCours	100	Archi	100	Algo	100	Syst
	IdEtudiant	IdCours							
	100	Archi							
	100	Algo							
100	Syst								

A partir des tables ci-dessus, donner les résultats des opérations suivantes :

$$R_7 = R_2 \times R_1$$

La relation R_7 est le produit cartésien de la relation R_2 par la relation R_1 .

Exercice 1 : R7

R1	IdCours
	Archi
	Algo
	Syst

R2	IdEtudiant
	100
	200
	300

R7	IdEtudiant	IdCours
	100	Archi
	100	Algo
	100	Syst
	200	Archi
	200	Algo
	200	Syst

A partir des tables ci-dessus, donner les résultats des opérations suivantes :

$$R_7 = R_2 \times R_1$$

La relation R_7 est le produit cartésien de la relation R_2 par la relation R_1 .

Exercice 1 : R7

R1	IdCours
	Archi
	Algo
	Syst

R2	IdEtudiant
	100
	200
R7	IdEtudiant
	IdCours
	100
	100
	100
	100
	200
	200
	200
	300
	300
	300

A partir des tables ci-dessus, donner les résultats des opérations suivantes :

$$R_7 = R_2 \times R_1$$

La relation R_7 est le produit cartésien de la relation R_2 par la relation R_1 .

Exercice 1 : R8

R7	IdEtudiant	IdCours
100	Archi	
100	Algo	
100	Syst	
200	Archi	
200	Algo	
200	Syst	
300	Archi	
300	Algo	
300	Syst	

R5	IdEtudiant	IdCours
100	Archi	
300	Archi	
100	Syst	
200	Syst	
300	Syst	
100	Algo	
200	Algo	

R8	IdEtudiant	IdCours

A partir des tables ci-dessus, donner les résultats des opérations suivantes :

$$R_8 = R_7 - R_5$$

Exercice 1 : R8

R7	IdEtudiant	IdCours
100	Archi	
100	Algo	
100	Syst	
200	Archi	
200	Algo	
200	Syst	
300	Archi	
300	Algo	
300	Syst	

R5	IdEtudiant	IdCours
100	Archi	
300	Archi	
100	Syst	
200	Syst	
300	Syst	
100	Algo	
200	Algo	

R8	IdEtudiant	IdCours

$$R_8 = R_7 - R_5$$

La relation R_8 est le résultat de la différence (ensembliste) entre R_7 et R_5 .
Le schéma de R_7 et de R_5 doivent être identique (comme pour les autres opérateurs ensemblistes : union, intersection, différence).

Exercice 1 : R8

R7	IdEtudiant	IdCours
	100	Archi
	100	Algo
	100	Syst
	200	Archi
	200	Algo
	200	Syst
	300	Archi
	300	Algo
	300	Syst

R5	IdEtudiant	IdCours
	100	Archi
	300	Archi
	100	Syst
	200	Syst
	300	Syst
	100	Algo
	200	Algo

R8	IdEtudiant	IdCours

$$R_8 = R_7 - R_5$$

La relation R_8 est le résultat de la différence (ensembliste) entre R_7 et R_5 .

On a $R_8 = \{ x \mid x \in R_7 \wedge x \notin R_5 \}$

On prend le tuple qui sont dans R_7 mais qui ne sont pas dans R_5

Exercice 1 : R8

R7	IdEtudiant	IdCours
	100	Archi
	100	Algo
	100	Syst
	200	Archi
	200	Algo
	200	Syst
	300	Archi
	300	Algo
	300	Syst

R5	IdEtudiant	IdCours
	100	Archi
	300	Archi
	100	Syst
	200	Syst
	300	Syst
	100	Algo
	200	Algo

R8	IdEtudiant	IdCours

$$R_8 = R_7 - R_5$$

Exercice 1 : R8

R7	IdEtudiant	IdCours
	100	Archi
	100	Algo
	100	Syst
	200	Archi
	200	Algo
	200	Syst
	300	Archi
	300	Algo
	300	Syst

R5	IdEtudiant	IdCours
	100	Archi
	300	Archi
	100	Syst
	200	Syst
	300	Syst
	100	Algo
	200	Algo

R8	IdEtudiant	IdCours

$$R_8 = R_7 - R_5$$

On prend chaque tuple de R_7 et on ne garde que ceux qui ne sont pas dans R_5

Exercice 1 : R8

R7	IdEtudiant	IdCours
	100	Archi
	100	Algo
	100	Syst
	200	Archi
	200	Algo
	200	Syst
	300	Archi
	300	Algo
	300	Syst

R5	IdEtudiant	IdCours
	100	Archi
	300	Archi
	100	Syst
	200	Syst
	300	Syst
	100	Algo
	200	Algo

R8	IdEtudiant	IdCours
	200	Archi
	300	Algo

$$R_8 = R_7 - R_5$$

On prend chaque tuple de R_7 et on ne garde que ceux qui ne sont pas dans R_5

Exercice 1 : partie 2

Pour les opérations 1 à 5, écrire la requête SQL correspondante.

$$R_1 = \pi (CJH / (IdCours))$$

$$R_2 = \pi (ENA / (IdEtudiant))$$

$$R_3 = \sigma (CEN / IdCours = 'Algo')$$

$$R_4 = \bowtie (CJH, CS / CJH.IdCours = CS.IdCours)$$

$$R_5 = \pi (CEN / (IdEtudiant, IdCours))$$

Exercice 1 : partie 2

Pour les opérations 1 à 5, écrire la requête SQL correspondante.

$$R_1 = \pi \left(CJH / (IdCours) \right)$$

Exercice 1 : partie 2

Pour les opérations 1 à 5, écrire la requête SQL correspondante.

$$R_1 = \pi \left(CJH / (IdCours) \right)$$

En **SQL** :

```
SELECT IdCours  
FROM CJH ;
```

Exercice 1 : partie 2

Pour les opérations 1 à 5, écrire la requête SQL correspondante.

$$R_2 = \pi \left(ENA / (IdEtudiant) \right)$$

Exercice 1 : partie 2

Pour les opérations 1 à 5, écrire la requête SQL correspondante.

$$R_2 = \pi \left(ENA / (IdEtudiant) \right)$$

En **SQL** :

```
SELECT IdEtudiant  
FROM ENA ;
```

Exercice 1 : partie 2

Pour les opérations 1 à 5, écrire la requête SQL correspondante.

$$R_3 = \sigma \left(CEN / IdCours = 'Algo' \right)$$

Exercice 1 : partie 2

Pour les opérations 1 à 5, écrire la requête SQL correspondante.

$R_3 = \sigma (CEN / IdCours = 'Algo')$

En **SQL** :

SELECT *

FROM CEN

WHERE IdCours = 'Algo' ;

Exercice 1 : partie 2

Pour les opérations 1 à 5, écrire la requête SQL correspondante.

$$R_4 = \bowtie (CJH, CS / CJH.IdCours = CS.IdCours)$$

Exercice 1 : partie 2

Pour les opérations 1 à 5, écrire la requête SQL correspondante.

$$R_4 = \bowtie (CJH, CS / CJH.IdCours = CS.IdCours)$$

En **SQL** :

SELECT *

FROM CJH

JOIN CS **ON** CJH.IdCours = CS.IdCours ;

Exercice 1 : partie 2

Pour les opérations 1 à 5, écrire la requête SQL correspondante.

$R_4 = \bowtie (CJH, CS \mid CJH.IdCours = CS.IdCours)$

En **SQL** :

```
SELECT *  
FROM CJH  
JOIN CS ON CJH.IdCours = CS.IdCours ;
```

Ou encore (mais à éviter car on mélange condition de jointure et condition de restriction classique) :

```
SELECT *  
FROM CJH, CS  
WHERE CJH.IdCours = CS.IdCours ;
```

Exercice 1 : partie 2

Pour les opérations 1 à 5, écrire la requête SQL correspondante.

$$R_5 = \pi(CEN / (IdEtudiant, IdCours))$$

Exercice 1 : partie 2

Pour les opérations 1 à 5, écrire la requête SQL correspondante.

$$R_5 = \pi(CEN / (IdEtudiant, IdCours))$$

En **SQL** :

```
SELECT IdEtudiant, IdCours  
FROM CEN ;
```

Exercice 1 : partie 2

Pour les opérations 1 à 5, écrire la requête SQL correspondante.

$$R_5 = \pi(CEN / (IdEtudiant, IdCours))$$

En **SQL** :

```
SELECT IdEtudiant, IdCours  
FROM CEN ;
```

Ou encore :

```
SELECT CEN.dEtudiant, CEN.IdCours  
FROM CEN ;
```

Exo 2

Exercice 2

Une maîtresse de maison veut construire une base de données sur les personnes qu'elle invite et les plats qu'elle leur sert.

Elle identifie pour cela les trois relations suivantes :

- REPAS(INVITÉ , DATE) qui contient la liste des invités reçus et à quelle date.
- MENU (PLAT, DATE) qui contient le menu servi à chaque date.
- PRÉFÉRENCE (PERSONNE, PLAT) qui contient, pour chaque personne, ses plats préférés.

Sachant que **les attributs PERSONNE et INVITÉ ont le même domaine de valeurs**, réaliser les opérations relationnelles, dont les résultats sont :

...

Exercice 2

- 1 Les invités du repas du 02/10/2009.
- 2 Les dates auxquelles un « Bœuf Bourguignon » a été servi.
- 3 Les plats préférés de « Mme Machine ».
- 4 Les plats qui ont été servis à « Mr Machin ».
- 5 Les personnes invités qui ont été servi par leurs plats préférés.
- 6 Les personnes qui n'ont jamais été invité.
- 7 Les invités qui ont assisté à tous les repas.

Les schémas :

- REPAS(INVITÉ , DATE) qui contient la liste des invités reçus et à quelle date.
- MENU (PLAT, DATE) qui contient le menu servi à chaque date.
- PRÉFÉRENCE (PERSONNE, PLAT) qui contient, pour chaque personne, ses plats préférés.

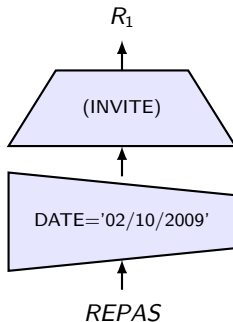
❶ Les invités du repas du 02/10/2009.

- REPAS(**INVITÉ , DATE**)
- MENU (PLAT, DATE)
- PRÉFÉRENCE (PERSONNE, PLAT)

❶ Les invités du repas du 02/10/2009.

- REPAS(**INVITÉ** , **DATE**)
- MENU (PLAT, DATE)
- PRÉFÉRENCE (PERSONNE, PLAT)

$$R_a = \sigma (REPAS / DATE = '02/10/2009')$$
$$R_1 = \pi (R_a / (INVITE))$$



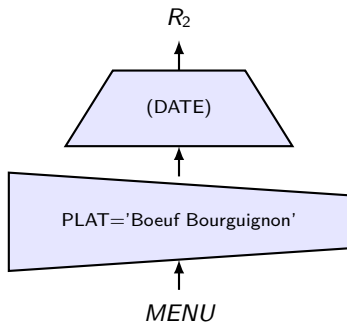
2 Les dates auxquelles un « Bœuf Bourguignon » a été servi

- REPAS(INVITÉ , DATE)
- MENU (PLAT, DATE)
- PRÉFÉRENCE (PERSONNE, PLAT)

2 Les dates auxquelles un « Bœuf Bourguignon » a été servi

- REPAS(INVITÉ , DATE)
- MENU (PLAT, DATE)
- PRÉFÉRENCE (PERSONNE, PLAT)

$$R_b = \sigma (MENU / PLAT = 'BoeufBourguignon')$$
$$R_2 = \pi (R_a / (DATE))$$



3 Les plats préférés de « Mme Machine ».

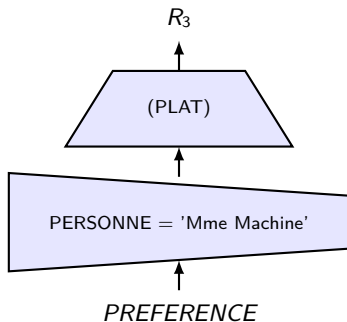
- REPAS(INVITÉ , DATE)
- MENU (PLAT, DATE)
- PRÉFÉRENCE (**PERSONNE**, **PLAT**)

3 Les plats préférés de « Mme Machine ».

- REPAS(INVITÉ , DATE)
- MENU (PLAT, DATE)
- PRÉFÉRENCE (**PERSONNE**, **PLAT**)

$$R_c = \sigma (PREFERENCE / PERSONNE = 'MmeMachine')$$

$$R_3 = \pi (R_c / (PLAT))$$

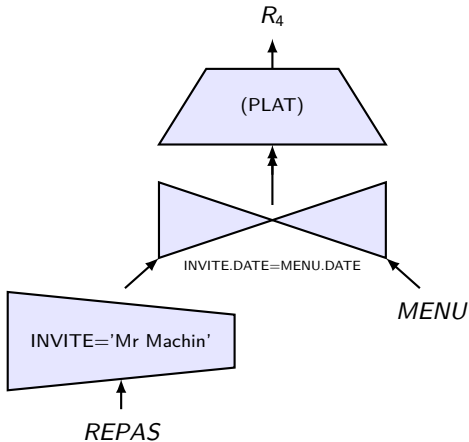


4 Les plats qui ont été servis à « Mr Machin ».

- REPAS(INVITÉ , DATE)
- MENU (PLAT, DATE)
- PRÉFÉRENCE (PERSONNE, PLAT)

4 Les plats qui ont été servis à « Mr Machin ».

- REPAS(INVITÉ , DATE)
- MENU (PLAT, DATE)
- PRÉFÉRENCE (PERSONNE, PLAT)

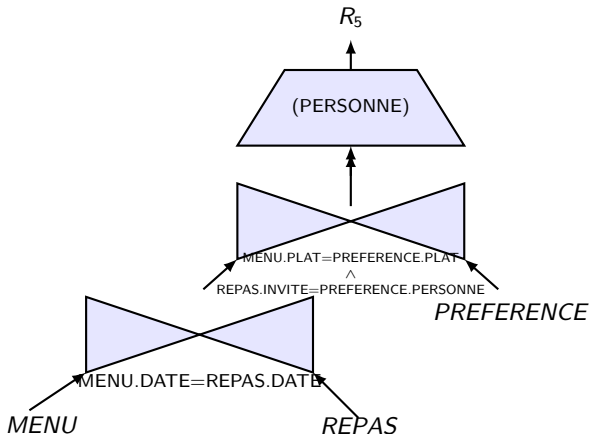


5 Les personnes invités qui ont été servi par leurs plats préférés.

- REPAS(INVITÉ , DATE)
- MENU (PLAT, DATE)
- PRÉFÉRENCE (PERSONNE, PLAT)

5 Les personnes invités qui ont été servi par leurs plats préférés.

- REPAS(INVITÉ , DATE)
- MENU (PLAT, DATE)
- PRÉFÉRENCE (PERSONNE, PLAT)



La DIFFÉRENCE de deux relations

ENTREES : les deux relations doivent avoir le **même schéma**.

SORTIE : on récupère un ensemble en sortie : **pas de doublon**.

A - B

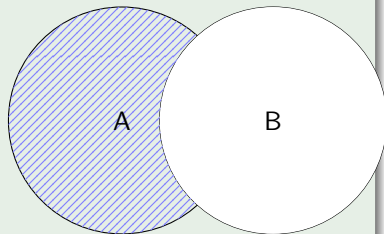
idP	x
1	a
4	a

A

idP	x
1	a
2	a
4	a

B

idP	x
1	b
2	a
4	c



On garde les éléments de A qui ne sont pas dans B.

L'opérateur n'est PAS commutatif : $\neg(\forall A, B (A - B = B - A))$.

La DIFFÉRENCE de deux relations

ENTREES : les deux relations doivent avoir le **même schéma**.

SORTIE : on récupère un ensemble en sortie : **pas de doublon**.

A - B

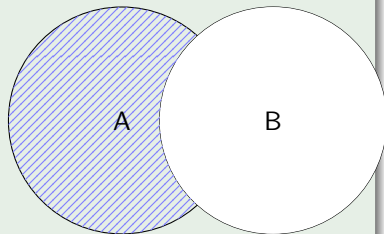
idP	x
1	a
4	a

A

idP	x
1	a
2	a
4	a

B

idP	x
1	b
2	a
4	c



On garde les éléments de A qui ne sont pas dans B.

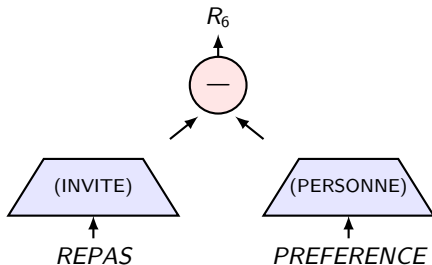
L'opérateur n'est PAS commutatif : $\neg(\forall A, B (A - B = B - A))$.

⑥ Les personnes qui n'ont jamais été invité.

- REPAS(INVITÉ , DATE)
- MENU (PLAT, DATE)
- PRÉFÉRENCE (PERSONNE, PLAT)

⑥ Les personnes qui n'ont jamais été invité.

- REPAS(INVITÉ, DATE)
- MENU (PLAT, DATE)
- PRÉFÉRENCE (PERSONNE, PLAT)

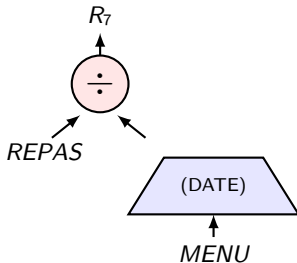


7 Les invités qui ont assisté à tous les repas.

- REPAS(INVITÉ , DATE)
- MENU (PLAT, DATE)
- PRÉFÉRENCE (PERSONNE, PLAT)

7 Les invités qui ont assisté à tous les repas.

- REPAS(INVITÉ , DATE)
- MENU (PLAT, DATE)
- PRÉFÉRENCE (PERSONNE, PLAT)



On divise donc REPAS(INVITE,DATE) par (DATE) de MENU.

On va donc obtenir les invités qui forment toujours un couple (INVITE, DATE) avec n'importe quelle date présente dans REPAS.